

DOMINIO

Più usualmente detto CAMPO di ESISTENZA o CAMPO di DEFINIZIONE ;
con esso si stabiliscono e si determinano le condizioni di realtà per la variabile dipendente y .

Si vengono quindi a stabilire tutti i possibili valori da attribuirsi alla variabile indipendente x , affinché anche la variabile dipendente y abbia valori reali .

Andremo a elencare ora i domini dei diversi tipi di funzioni .

1. Funzioni Algebriche

FUNZIONE RAZIONALE INTERA (la classe di tutti i polinomi $y = P^n(x)$)

Dominio = \mathfrak{R} , opp. **Dominio** : $A = \{x : x \in \mathfrak{R}\}$, opp. **Dominio**: $A = \{x : x \in (-\infty, +\infty)\}$

Abbiamo, allo stesso modo, illustrato diversi linguaggi che esprimono lo stesso concetto.

FUNZIONE RAZIONALE FRATTA (l'insieme di tutti i rapporti tra due polinomi $y = \frac{P^n(x)}{Q^m(x)}$)

Dominio = $\mathfrak{R} / \{x \in \mathfrak{R} : Q^m(x) = 0\}$, **Dominio** = $\forall x \in \mathfrak{R} : Q^m(x) \neq 0$

FUNZIONE IRRAZIONALE INTERA ($y = \sqrt[n]{P^m(x)}$)

$$y = \sqrt[n-\text{dispari}]{P^m(x)}$$

Dominio : $A = \{x : x \in \mathfrak{R}\}$,

$$y = \sqrt[n-\text{pari}]{P^m(x)}$$

Dominio = $\forall x \in \mathfrak{R} : P^m(x) \geq 0$

FUNZIONE IRRAZIONALE FRATTA

$$\left(y = \frac{\sqrt[n]{P^m(x)}}{Q^r(x)} \right)$$

$$y = \frac{\sqrt[n-\text{dispari}]{P^m(x)}}{Q^r(x)}$$

$$\text{Dominio} = \forall x \in \mathbb{R} : Q^r(x) \neq 0$$

$$y = \frac{\sqrt[n-\text{pari}]{P^m(x)}}{Q^r(x)}$$

$$\text{Dominio} = \forall x \in \mathbb{R} : \begin{cases} P^m(x) \geq 0 \\ Q^r(x) \neq 0 \end{cases}$$

$$y = \sqrt[n-\text{dispari}]{\frac{P^m(x)}{Q^r(x)}}$$

$$\text{Dominio} = \forall x \in \mathbb{R} : Q^r(x) \neq 0$$

$$y = \sqrt[n-\text{pari}]{\frac{P^m(x)}{Q^r(x)}}$$

$$\text{Dominio} = \forall x \in \mathbb{R} : \frac{P^m(x)}{Q^r(x)} \geq 0$$

2. Funzioni Trascendenti

FUNZIONI GONIOMETRICHE (funzioni circolari)

$$\boxed{y = \text{sen}[P^n(x)]} \quad , \quad \boxed{y = \text{cos}[P^n(x)]} \quad , \quad \text{Dominio} : A = \{x : x \in \mathbb{R}\}$$

$$\boxed{y = \text{tg}[P^n(x)]} \quad \text{Dominio} : A = \left\{ x : x \in \mathbb{R} : P^n(x) \neq \frac{\pi}{2} \pm k\pi \right\} \text{ con } \{ k \in \mathbb{N} \}$$

FUNZIONI GONIOMETRICHE INVERSE

$$\boxed{y = \arcsen[P^n(x)]} , \boxed{y = \arccos[P^n(x)]} , \text{ Dominio : } A = \{x : x \in \mathfrak{R} : -1 \leq P^n(x) \leq +1\}$$

$$\boxed{y = \operatorname{arctg}[P^n(x)]} \quad \text{Dominio : } A = \{x : x \in \mathfrak{R}\}$$

FUNZIONI LOGARITMICHE

$$\boxed{y = \log_a[P^n(x)]} \quad \text{Dominio} = \forall x \in \mathfrak{R} : P^n(x) > 0$$

FUNZIONI ESPONENZIALI

$$\boxed{y = a^{P^n(x)}} \quad \text{Dominio : } A = \{x : x \in \mathfrak{R}\}$$

FUNZIONI IPERBOLICHE

$$\begin{array}{ccc} \boxed{y = \sinh(x)} & , & \boxed{y = \cosh(x)} & , & \boxed{y = \operatorname{tgh}(x)} & \text{Dominio : } A = \{x : x \in \mathfrak{R}\} \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & \\ \boxed{y = \frac{e^x - e^{-x}}{2}} & & \boxed{y = \frac{e^x + e^{-x}}{2}} & & \boxed{y = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}} & \text{Dominio : } A = \{x : x \in \mathfrak{R}\} \end{array}$$